

**I) Formules explicites**

On connaît les premiers termes de quelques suites.

Conjecturer, dans chaque cas, une formule explicite satisfaisante.

(C'est-à-dire, une formule vérifiée par les premiers termes connus)

Suite $(a(n))$	Suite $(b(n))$	Suite $(c(n))$	Suite $(d(n))$	Suite $(e(n))$
$a(0) = 0$		$c(0) = 1$		$e(0) = 100$
$a(1) = 1$	$b(1) = -1$	$c(1) = 1,5 = \frac{3}{2}$	$d(1) = 1$	$e(1) = 20$
$a(2) = 4$	$b(2) = \frac{1}{2}$	$c(2) = 1,75 = \frac{7}{4}$	$d(2) = 3$	$e(2) = 4$
$a(3) = 9$	$b(3) = -\frac{1}{3}$	$c(3) = 1,875 = \frac{15}{8}$	$d(3) = 5$	$e(3) = 0,8$
$a(4) = 16$	$b(4) = \frac{1}{4}$	$c(4) = 1,9375 = \frac{31}{16}$	$d(4) = 7$	$e(4) = 0,16$
$a(5) = 25$	$b(5) = -\frac{1}{5}$	$c(5) = 1,96875$ $= \frac{63}{32}$	$d(5) = 9$	$e(5) = 0,032$
$a(n) = ?$	$b(n) = ?$	$c(n) = ?$	$d(n) = ?$	$e(n) = ?$

À l'aide des formules explicites obtenues, calculer, pour chacune des cinq suites ci-dessus,

le terme de rang 10 :  $a(10) = ?$   $b(10) = ?$   $c(10) = ?$   $d(10) = ?$   $e(10) = ?$

le 10-ème terme :

le terme d'indice  $n+1$  :  $a(n+1) = ?$   $b(n+1) = ?$   $c(n+1) = ?$   $d(n+1) = ?$   $e(n+1) = ?$

**II) Relation de récurrence**

Est appelée ainsi, toute relation reliant un terme de la suite (généralement  $u(n+1)$ ) avec le (ou des) précédent(s).

Exemple : soit  $(u(n))$  la suite définie par  $u(0) = 10$  et la relation de récurrence  $u(n+1) = 2u(n) - 5$ .

On a alors :  $u(1) = 2u(0) - 5 = 15$  ;  $u(2) = 2u(1) - 5 = 25$  ;  $u(3) = 2u(2) - 5 = 45$  etc ...

Déterminer une relation de récurrence pour les suites  $(a(n))$ ,  $(c(n))$ ,  $(d(n))$  et  $(e(n))$

**III) Sens de variation d'une suite**

On dit qu'une suite  $(u(n))$  est strictement croissante lorsque : pour tout entier  $n$  :  $u(n) < u(n+1)$   
(pour tout entier  $n$ , le terme d'indice  $n$  est inférieur au terme d'indice  $n + 1$ )

- 1) Donner, selon vous, la définition d'une suite strictement décroissante.
- 2) a) Etudier, pour tout entier  $n$ , le signe de la différence  $a(n+1) - a(n)$ .  
Quel est le sens de variation de la suite  $(a(n))$  ?
- b) Procéder de même pour les suites  $(c(n))$ ,  $(d(n))$  et  $(e(n))$
- c) Que peut-on dire de la suite  $(b(n))$  ?